

$$\frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle \leftrightarrow |0\rangle + |1\rangle$$

同じ大きさの確率で0と1を出力する二つの方法

$$1|0\rangle + 0|1\rangle \leftrightarrow |0\rangle$$

量子力学法と古典力学法

$$x = 15$$

$$1|x\rangle + 0|y\rangle = 15$$

量子力学法と古典力学法
は必ず15になります

量子力学法

行列での記法

これでも量子状態が表せる！

量子ビットの状態は、
行列でも記述できるよ

$$\text{デイラックの記法} \quad \frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle$$

$$\text{行列での記法} \quad \frac{1}{\sqrt{2}}\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

どちらの記法も、量子ビットを0と読むか
1と読むか、その確率は半々、
ということを表しているよ

$$\text{答え: } a^2 = \frac{1}{2}, b^2 = \frac{1}{2}$$

量子ビットを0と読むか
1と読むか、その確率は半々。

これは出力が0と1の確率が半々

$$\text{式: } |a|^2 + |b|^2 = 1$$

$$\begin{array}{c} |b|^2 \\ |a|^2 \end{array}$$

出力が1の確率
出力が0の確率

$$a|0\rangle + b|1\rangle$$

結果を表示する
量子力学法

量子力学法

線形代数

行列の乗算が、ゲート演算をするのに使われるよ

例えば、

ゲートの演算は

$$\text{右の行列で表すんだ} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Xゲートを $|1\rangle$ （もしくは $\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$ ）に作用させるとときは

結果は行列の
乗算で
求められるよ

$$\begin{array}{c} |1\rangle \xrightarrow{\text{前}} \boxed{X} \xrightarrow{\text{後}} |0\rangle \\ \hline \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ \downarrow \quad \downarrow \\ |1\rangle \quad |0\rangle \end{array}$$

もし を次の量子ビットに作用せらるなら: $\frac{\sqrt{3}}{2}|0\rangle + \frac{1}{2}|1\rangle$

量子ビットの状態は
どうなる？

$$\begin{bmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{1}{2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\langle 1 | \frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle$$

公平な出力ベクトル、つまり確率分布

$$|a|^2 \rightarrow \text{結果が0の確率} \rightarrow |a|^2$$

$$\begin{array}{c} a|0\rangle \\ b|1\rangle \end{array}$$

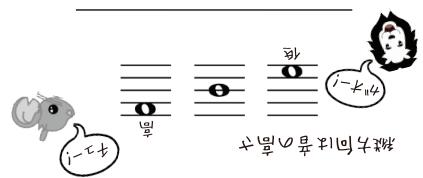
aとbの確率
出力が0の確率

$$\begin{array}{c} \text{結果が0の確率} \\ \text{出力が1の確率} \end{array}$$

出力が0の確率
出力が1の確率

$$\langle | \leftarrow | \rangle$$

「今ハナレガヘテ量」
「おれの出力は0」
「結果を表示する」
「出力が0」



音符	4	2	1	1/2	1/4
持符	○	△	■	▲	▼

複雑な音楽記法

音符複雑な音楽記法

1量子ビット



記法と演算

