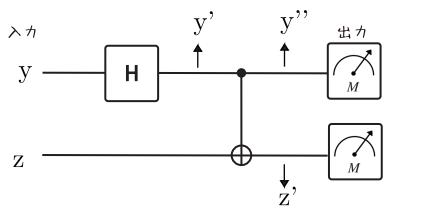


2量子ビットの量子回路



量子状態 y'' と z' を測定すると、
それぞれ 0 か 1 になるよ

$$\begin{cases} y = |0\rangle \\ z = |0\rangle \end{cases}$$

のときの結果を
計算してみよう

2量子ビットの計算

1. アダマールゲート (H) を y に作用させ

$$\underbrace{\frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}}_{H} \underbrace{\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}}_y = \underbrace{\frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}}_{y'}$$

2. 2量子ビットのゲートを作用させるために、
 y' と z の確率を結合

$$y' = \frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle \quad z = 1|0\rangle + 0|1\rangle$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}}|00\rangle + 0|01\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|10\rangle + 0|11\rangle$$

$$\text{行列での } \rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

記法に変換

3. CNOTゲート (\oplus) を y' と z に作用

$$\underbrace{\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}}_{CNOT} \underbrace{\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}}_{y' \& z} = \underbrace{\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}}_{y' \& z'}$$

4. 測定 (\circlearrowright)

測定すると、50% の確率で $y'=0 z'=0$

$$0\% : y'=0 \quad z'=1$$

$$0\% : y'=1 \quad z'=0$$

$$50\% : y'=1 \quad z'=1$$

量子コンピューティングについて
もっと知りたいならこちら

<https://www.epiqc.cs.uchicago.edu/resources/>

March 2019

Translated by BCSC, Kyushu University, Japan

This work is funded in part by EPiQC,
an NSF Expedition in Computing,
under grant 1730449



量子回路

