

(複素数の記号を書かれてるところ)

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.6 \\ 0.8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \times 0.6 + 1 \times 0.8 \\ 1 \times 0.6 + 0 \times 0.8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.8 \\ 0.6 \end{bmatrix} = 0.8|0\rangle + 0.6|1\rangle$$

点 (1, 2) を回転すると：

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

角度90°回転

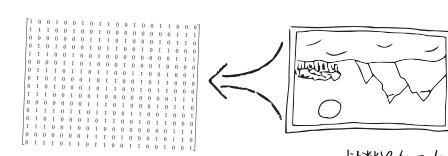
$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} cx + dy \\ ax + by \end{bmatrix}$$

複素数記号

行列の乗法

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\text{複素数}} \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \xleftarrow{\text{複素数}} \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ -2 & 0 \end{bmatrix} \xleftarrow{\text{複素数}}$$

行列法、M7+118を複素数で計算する方法



$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ -3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

複素数乗法

行列

$$0.6|0\rangle + 0.8|1\rangle$$

$$f(x) = 0.6x + 0.8$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.6 & 0.8 \\ 0.8 & 0.6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0.6 & 0.8 \\ 0.8 & 0.6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.6 & 0.8 \\ 0.8 & 0.6 \end{bmatrix}$$

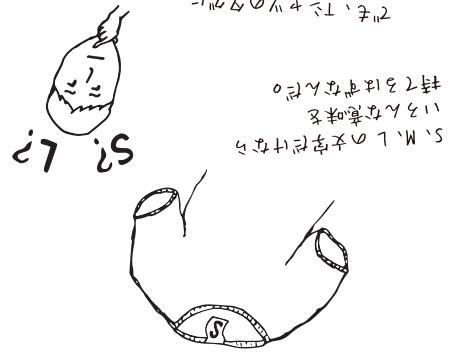
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2019 & 28 & 0 \end{bmatrix}$$

M7+118、行列2次元で複素数で計算

M7+118

$$S + S = S$$

複素数で計算する方法。
M7+118で複素数で計算する方法。
複素数で計算する方法。



複素数で計算する方法 = S, M, L

量子ゲート

量子ビットは、ベクトルで表現できるよ。
量子ゲートは、量子ビットを変換させるよ。

$$X \rightsquigarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

つまり、量子ゲートは行列で表せるよね。

ゲート X を、量子ビット $0.6|0\rangle + 0.8|1\rangle$ に作用させたらどうなるかを見てみよう

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.6 \\ 0.8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \times 0.6 + 1 \times 0.8 \\ 1 \times 0.6 + 0 \times 0.8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.8 \\ 0.6 \end{bmatrix} = 0.8|0\rangle + 0.6|1\rangle$$

より大きな行列

より大きなベクトルを変換するには、
より大きな行列を使う必要があるよ。

$$\begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,n} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \cdots & a_{n,n} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + \cdots + a_{1,n}x_n \\ a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x_2 + \cdots + a_{2,n}x_n \\ \vdots \\ a_{n,1}x_1 + a_{n,2}x_2 + \cdots + a_{n,n}x_n \end{bmatrix}$$

CNOTゲートは2つの量子ビットを変換するよ。
だから、 4×4 の行列で表そう！

$$\begin{array}{c} \text{---} \\ | \\ \text{---} \end{array} \rightsquigarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

やってみよう！

$$\begin{array}{|c|} \hline \text{計算してみて:} \\ \hline \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \\ \hline \end{array}$$

↓
結果

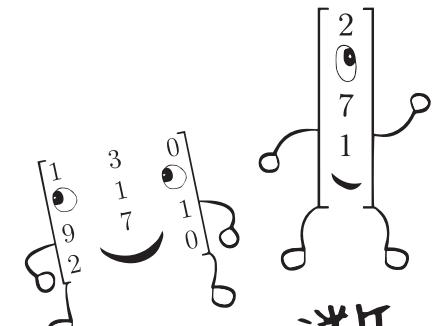
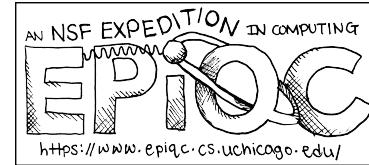
量子コンピューティングについて
もっと知りたいならこちら

<https://www.epiqc.cs.uchicago.edu/resources/>

July 2019

Translated by QCSC, Kyushu University, Japan

This work is funded in part by EPiQC,
an NSF Expedition in Computing,
under grant 1730449



線形代数

基礎のキ